

## Een parabool en een cirkel

### 6 maximumscore 4

- $f'(x) = \frac{8}{9}x - \frac{16}{9}$  1
- $f'(0) = -\frac{16}{9}$  1
- $\tan(\alpha) = -\frac{16}{9}$  geeft  $\alpha = -60,6\dots(^{\circ})$  (dus de hoek van de raaklijn in  $D$  met de  $x$ -as is  $60,6\dots(^{\circ})$ ) 1
- De scherpe hoek die de raaklijn met de  $y$ -as maakt, is  $90 - 60,6\dots = 29,3\dots(^{\circ})$  (en daarmee kleiner dan  $30^{\circ}$ ) 1

### 7 maximumscore 8

- Beschrijven hoe de vergelijking  $\frac{4}{9}x^2 - \frac{16}{9}x - \frac{20}{9} = 0$  exact opgelost kan worden 1
- Dit geeft  $x_A = -1$  en  $x_B = 5$  1
- Een exacte toelichting waaruit volgt  $x_T = 2$  1
- $y_T = -4$  1
- Een vergelijking voor  $c$  is  $(x-2)^2 + (y+4)^2 = \text{constante}$  1
- De constante is  $(5-2)^2 + (0-4)^2 = 25$  (of  $(-1-2)^2 + (0-4)^2 = 25$ ) 1
- ( $x=0$  invullen geeft)  $(0-2)^2 + (y+4)^2 = 25$  1
- Dit geeft  $y = -4 - \sqrt{21}$  of  $y = -4 + \sqrt{21}$  1

of

- Beschrijven hoe de vergelijking  $\frac{4}{9}x^2 - \frac{16}{9}x - \frac{20}{9} = 0$  exact opgelost kan worden 1
- Dit geeft  $x_A = -1$  en  $x_B = 5$  1
- Een exacte toelichting waaruit volgt  $x_T = 2$  1
- $y_T = -4$  1
- De straal van  $c$  is  $\sqrt{(5-2)^2 + (0-4)^2} = 5$  (of  $\sqrt{(-1-2)^2 + (0-4)^2} = 5$ ) 1
- In driehoek  $UTT'$ , waarbij  $T'$  de loodrechte projectie van  $T$  op de  $y$ -as is en  $U$  een snijpunt van  $c$  met de  $y$ -as, geldt  $TT' = 2$  en  $TU = 5$  1
- De stelling van Pythagoras toepassen in driehoek  $UTT'$  geeft  $UT' = \sqrt{21}$  1
- Dit geeft (vanwege symmetrie)  $y = -4 - \sqrt{21}$  of  $y = -4 + \sqrt{21}$  1